Ce document a été mis en ligne par l'organisme FormaV®.

Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour consulter tous nos sujets d'annales et corrigés du Bac Général Maths + Physique, veuillez visiter :
bac-maths-physique.fr/annales-sujets-et-corriges

Bac Métropole 2021 **Correction © http://labolycee.org**

EXERCICE C - QUELLE TAILLE POUR LES MAILLES D'UN TAMIS ? (5 points)

Mots-clés : diffraction et interférences d'ondes lumineuses

Les artémies (voir photo ci-contre) sont des crustacés élevés pour nourrir les poissons des aquariums. Leur taille doit être adaptée à l'espèce de poisson à nourrir. On utilise des tamis calibrés pour les sélectionner.

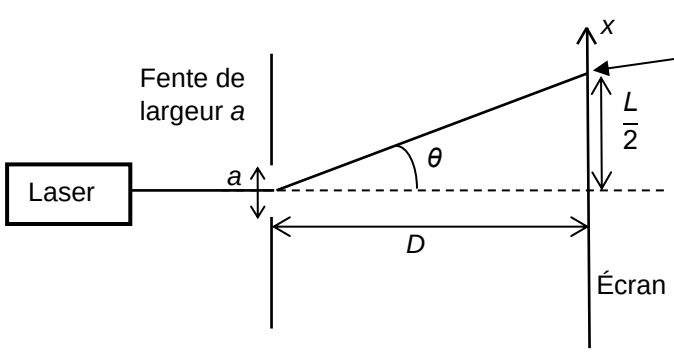


Source : https://fr.m.wikipedia.org

On se propose dans cet exercice de déterminer la taille des mailles d'un tamis en utilisant une diode laser de longueur d'onde λ = (650 ± 10) nm.

1. Vérification de la valeur de la longueur d'onde de la diode laser utilisée

Pour vérifier la valeur de la longueur d'onde de la diode laser annoncée par le constructeur, on réalise une expérience dont le schéma est donné ci-dessous (figure 1).



Distance fente – écran : D = 56 cm
Largeur de la fente calibrée : a = 80 µm

Figure 1. Schéma de l'expérience (échelle non respectée)

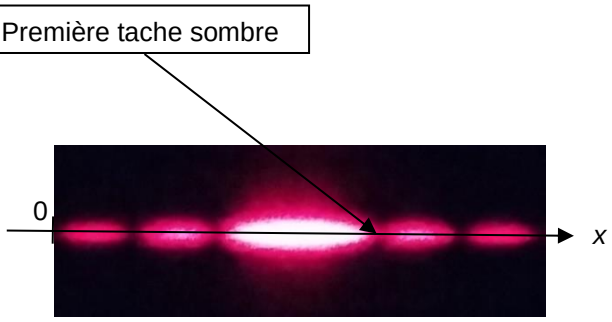


Figure 2. Figure observée sur l'écran

1.1. Nommer le phénomène physique responsable des taches lumineuses observées sur l'écran. Discuter qualitativement de l'influence de la largeur de la fente et de la longueur d'onde de l'onde incidente sur le phénomène observé.

(0,5 pt) Ce phénomène se nomme la diffraction. Ce phénomène est d'autant plus marqué que la largeur de la fente *a* est petite face à la longueur d'onde λ de la lumière, ainsi l'écart angulaire θ sera plus grand et donc la tache centrale plus large.
Si la longueur d'onde est fixe, et que l'on diminue la largeur *a* de la fente alors la largeur *L* de la tache centrale augmente.
Si la largeur *a* de la fente est fixe, et que l'on augmente la longueur d'onde alors la largeur *L* de la tache centrale augmente.

1.2. On rappelle que l'angle θ est donné par la relation $\theta = \frac{\lambda}{a}$ et on considère que tan $\theta \approx \theta$ pour les petits angles (θ << 1 rad). Déterminer l'expression de l'angle θ en fonction de la largeur L de la tache centrale et de D. En déduire l'expression de la longueur d'onde λ en fonction de L, a et D.

(0,75 pt) On a un triangle rectangle dont le côté opposé a une longueur égale à L/2 et le coté adjacent a une longueur égale à *D*.

$$\tan\theta \approx \theta = \frac{\frac{L}{2}}{D} \text{ ainsi } \theta = \frac{L}{2D}$$

Et comme $\theta = \frac{\lambda}{a}$ **alors** $\frac{\lambda}{a} = \frac{L}{2D}$**, finalement** $\lambda = \frac{L.a}{2D}$

Pour faire une mesure précise, on remplace l'écran par une caméra qui permet d'obtenir l'intensité lumineuse relative* en fonction de la position *x*, repérée selon l'axe indiqué sur la photo de la figure 2. L'origine *x* = 0 m est prise sur le bord du capteur de la caméra. On obtient alors la figure 3.

** L'intensité lumineuse relative est le rapport de l'intensité lumineuse reçue par le capteur sur l'intensité maximale reçue.*

1.3. Déterminer la valeur de la longueur d'onde de la diode laser utilisée en exploitant la courbe obtenue sur la figure 3. La comparer à la valeur indiquée par le constructeur.

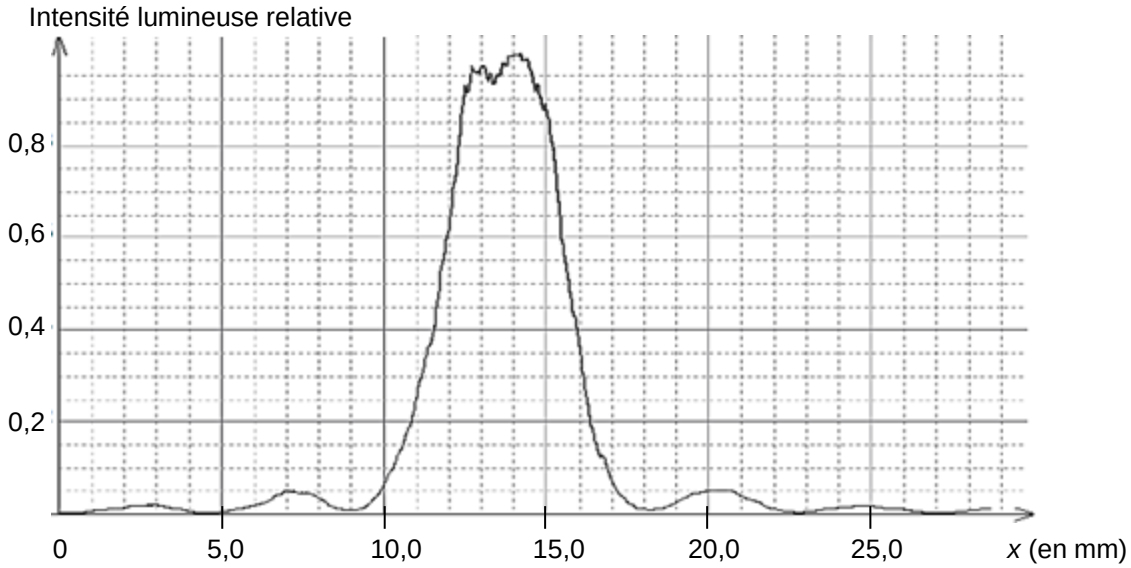


Figure 3. Intensité lumineuse relative en fonction de la position sur l'écran

(0,75 pt) Sur la figure 3, on mesure la largeur *L* de la tache centrale *L* = 18,0 – 9,0 = 9,0 mm.

$$\lambda = \frac{L.a}{2D}$$

$$\lambda = \frac{9{,}0\times10^{-3}\times80\times10^{-6}}{2\times56\times10^{-2}}$$ **= 6,4×10⁻⁷ m = 643 nm.**

9E-3*80E-6
2*56E-2
6.428571429E-7

Le fabricant indique λ = (650 ± 10) nm, ainsi en tenant compte de l'incertitude de 10 nm, on constate que notre mesure est compatible avec celle du fabricant.

2. Calibrage du tamis de récupération

Le but de cette partie est de vérifier que le tamis disponible, dont le maillage est représenté sur la figure 5, permet de récupérer toutes les artémies d'une taille supérieure à 150 µm. On réalise une expérience d'interférences pour évaluer les dimensions du tamis en utilisant la diode laser précédente. La largeur du fil plastique constituant le tamis est égale à 230 µm.

L'expérience d'interférences est décrite ci-dessous :

- le montage utilisé est donné sur la figure 4 ;
- on utilise la diode laser de longueur d'onde λ = (650 ± 10) nm. La distance entre le tamis et l'écran vaut *D* = (7,75 ± 0,03) m ;
- on note *b* la distance entre les centres de deux trous consécutifs du maillage du tamis ;
- la figure d'interférences obtenue est donnée sur les figures 6 et 7.

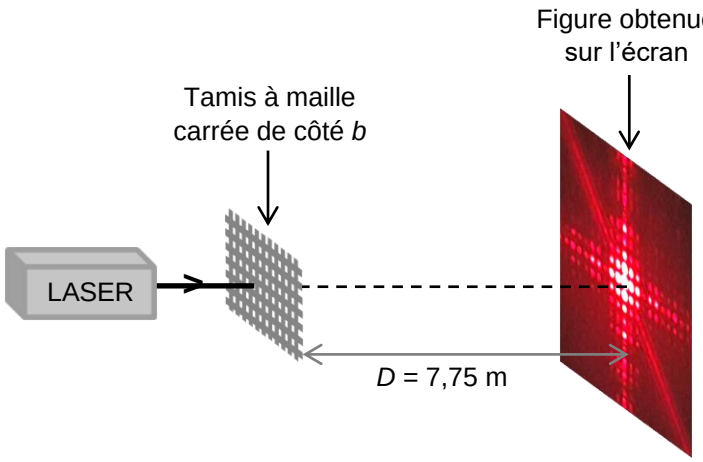


Figure 4. Montage utilisé (échelle non respectée)

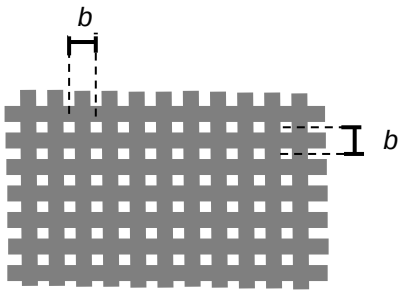


Figure 5. Schéma du maillage du tamis

2.1. Expliquer brièvement, sans calcul, l'origine de la présence de zones sombres et de zones brillantes dans une figure d'interférences lumineuses.

(0,5 pt) Chaque maille du tamis se comporte comme une source de lumière. Toutes ces sources interfèrent entre elles. Les zones sombres sont dues à des interférences destructives : en ces points de l'écran les ondes parviennent en opposition de phase. Tandis que les zones brillantes correspondent à des interférences constructives où les ondes parviennent en phase.

Le centre de la figure d'interférences de la figure 6 est représenté sur la figure 7 ci-dessus à l'échelle 1/1. L'interfrange, noté i, est défini comme la distance entre les centres de deux taches lumineuses successives selon l'axe identifié sur la figure 7.

L'expression de l'interfrange est donnée par la relation : $i = \frac{\lambda \times D}{b}$.

L'incertitude-type $u(b)$ sur la grandeur b peut se calculer à partir de la relation :

$$\frac{u(b)}{b} = \sqrt{\left(\frac{u(D)}{D}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}$$

où $u(x)$ désigne l'incertitude-type associée à la grandeur x

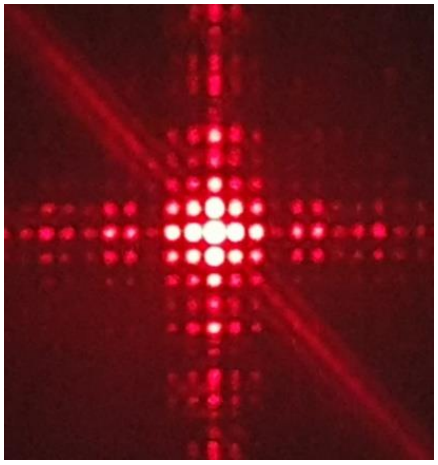


Figure 6. Figure d'interférences obtenue

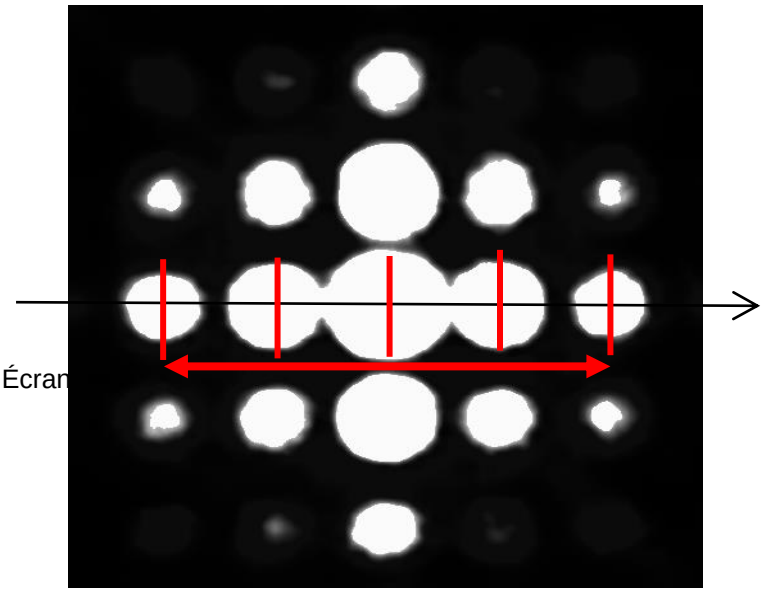


Figure 7. Tache centrale de la figure d'interférences à l'échelle 1/1

2.2. Évaluer la valeur de l'interfrange *i* en explicitant la méthode suivie pour obtenir la meilleure précision. Évaluer l'incertitude-type *u*(*i*) sur la mesure de l'interfrange *i*.

(0,5 pt) Voir figure 7. Pour une meilleure précision, on mesure plusieurs interfranges.
4*i* = 5,9 cm
***i* = 1,5 cm**
Lors d'une mesure à la règle, on peut estimer l'incertitude égale à la demi-graduation donc à *u*(*i*) = 0,05 cm.
On accepte aussi *u*(*i*) = 0,1 cm.

2.3. Calculer *b* puis évaluer *u*(*b*).

(1 pt) $i = \frac{\lambda.D}{b}$ donc $b = \frac{\lambda.D}{i}$

$$b = \frac{650\times10^{-9}\times7,75}{1,5\times10^{-2}}$$ **= 3,4×10⁻⁴ m**

650E-9*7.75 / 1.5E-2 = 3.358333333E-4

$$\frac{u(b)}{b} = \sqrt{\left(\frac{u(D)}{D}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}$$

$$u(b) = b.\sqrt{\left(\frac{u(D)}{D}\right)^2 + \left(\frac{u(i)}{i}\right)^2 + \left(\frac{u(\lambda)}{\lambda}\right)^2}$$

3.358333333E-4*√((0.03/7.75)^2+(0.0▶/1.5 = 1.239758165E-5

$$u(b) = 3,358\times10^{-4}\times\sqrt{\left(\frac{0,03}{7,75}\right)^2 + \left(\frac{0,05}{1,5}\right)^2 + \left(\frac{10}{650}\right)^2}$$ **= 1,3×10⁻⁵ m**

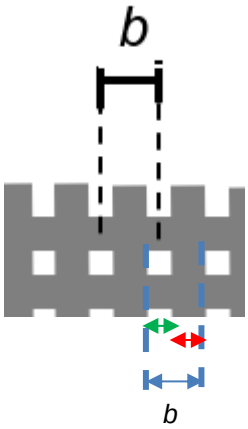
On arrondit par excès à un seul chiffre significatif *u*(*b*) = 2×10⁻⁵ m = 0,2 ×10⁻⁴ m
***b* = (3,4 ± 0,2)×10⁻⁴ m**

2.4. Indiquer si le tamis étudié permet de récupérer les artémies voulues. Justifier.

(1 pt) On veut récupérer les artémies d'une taille supérieure à 150 µm.
La largeur du fil plastique constituant le tamis est égale à 230 µm.
***t* largeur du trou, *f* largeur du fil**
b* = *t* + *f
t* = *b* – *f
***t* = 3,4×10⁻⁴ – 230×10⁻⁶ = 3,4×10⁻⁴ – 2,30×10⁻⁴ = 1,1×10⁻⁴ m < 150×10⁻⁶ m**

En considérant la valeur maximale de *b* : *b* = (3,4 +0,2)×10⁻⁴ = 3,6×10⁻⁴ m
***t* = 3,6×10⁻⁴ – 230×10⁻⁶ = 3,6×10⁻⁴ – 2,30×10⁻⁴ = 1,3×10⁻⁴ m < 150×10⁻⁶ m**

Les artémies sont plus larges que le trou, elles seront donc bien récupérées dans le tamis.



Copyright © 2027 FormaV®. Tous droits réservés.

FormaV® est une marque déposée auprès de l'INPI sous le numéro 5227897.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.