Ce document a été mis en ligne par l'organisme FormaV®.

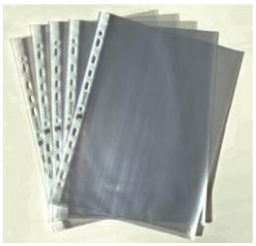
Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour consulter tous nos sujets d'annales et corrigés du Bac Général Maths + Physique, veuillez visiter :
bac-maths-physique.fr/annales-sujets-et-corriges

Bac Métropole Juin 2021 EXERCICE B – MESURE D'ÉPAISSEUR (5 points)

CORRECTION © http://labolycee.org

Mots-clés : lentilles convergentes ; condensateur



Dans l'industrie, le contrôle qualité de l'épaisseur de matériau fabriqué est important pour respecter le cahier des charges. Plusieurs principes physiques sont utilisés pour déterminer l'épaisseur d'une plaque de métal, de verre, de films plastiques, etc.
Une pochette plastique est constituée de deux films plastiques entre lesquels des documents papier peuvent être rangés. Selon les fabricants, l'épaisseur *e* du film plastique utilisé varie de 50 µm à 120 µm.

L'objectif de cet exercice est d'étudier deux méthodes pour déterminer l'épaisseur d'un film plastique utilisé dans la fabrication d'une pochette plastique lisse incolore.

Données :

- expression de la capacité *C* d'un condensateur constitué de deux armatures métalliques de surface *S*, exprimée en m^2, séparées par une pochette plastique d'épaisseur 2*e*, exprimée en m :

$$C = 1{,}95\times10^{-11}\times\frac{S}{2e}\ ;$$

- indice de réfraction du film plastique : $n = 1{,}49$.

1. Mesure optique de l'épaisseur du film plastique

On utilise d'abord un microscope représenté en figure 1 et dont une modélisation optique est donnée en figure 2.

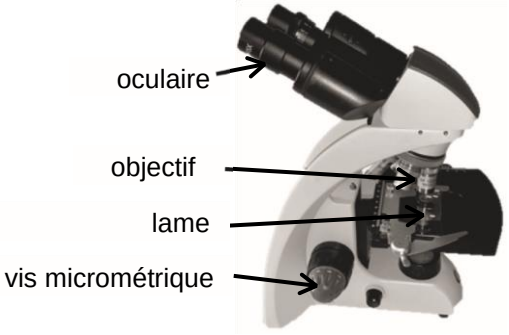


Figure 1. Photographie d'un microscope

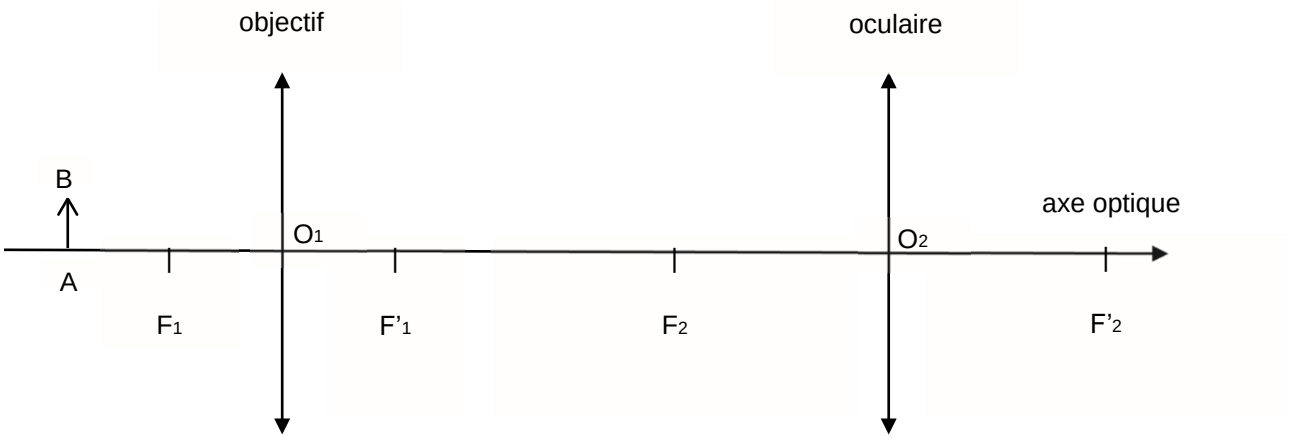


Figure 2. Modélisation d'un microscope

1.1. Sur la figure 2 reproduite dans **L'ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE**, construire l'image intermédiaire A_1B_1 de l'objet AB à travers l'objectif puis l'image définitive A_2B_2 de A_1B_1 à travers l'oculaire.

(0,5pt) Voir l'annexe.

1.2. Donner les caractéristiques de l'image définitive A_2B_2.

(0,5pt) A_2B_2 est une image virtuelle (on ne peut pas la recueillir sur un écran), elle est agrandie et renversée.

1.3. Un expérimentateur désire observer l'objet à travers le microscope sans accommoder. Dans ce cas, l'image définitive A_2B_2 donnée par le microscope doit se situer à l'infini. Indiquer où doit se former l'image intermédiaire A_1B_1 pour satisfaire à cette condition.

(0,25pt) Il faut que l'image A_1B_1 se forme dans le plan focal objet de l'oculaire, c'est-à-dire que A_1 soit confondu avec F_2 le foyer objet de l'oculaire L_2.

On trace un trait de chaque côté du film plastique et on le pose sur le microscope.

On fait successivement la mise au point sur chaque trait tracé sur le morceau de film en tournant une vis micrométrique. On photographie la vis micrométrique (figure 3). Le constructeur indique qu'un déplacement de la vis entre la graduation 0 et la graduation 10 correspond à un déplacement de 20 µm.

Photo du réglage de la vis micrométrique lors de la mise au point sur le 1er trait



Photo du réglage de la vis micrométrique lors de la mise au point sur le 2e trait



Figure 3. Photographies de la vis micrométrique

1.4. Déterminer la valeur de l'épaisseur *e* du film plastique sachant que le déplacement de la vis micrométrique *d* entre ces deux mises au point est $\frac{e}{n}$. Commenter le résultat.

(0,75pt)

1er trait, on voit le trait sur la graduation 128 et 2e trait sur la graduation 150. Il y a un déplacement de la vis micrométrique de 22 graduations.

Par proportionnalité : 10 graduations → 20 µm

22 graduations →e µm

Déplacement de $d = \frac{20 \times 22}{10}$ **= 44 µm**

$d = \frac{e}{n}$ **où *n* représente l'indice de réfraction du film plastique donné en début de sujet *n* = 1,49**

e* = *d*.*n

***e* = 44×1,49 = 66 µm**

Ce résultat est en accord avec l'énoncé « l'épaisseur *e* du film plastique utilisé varie de 50 µm à 120 µm. »

Mesure capacitive de l'épaisseur du film plastique

(0,75 pt)

2.1. Établir l'équation différentielle vérifiée par la tension aux bornes du condensateur pour $t \geq 0$.

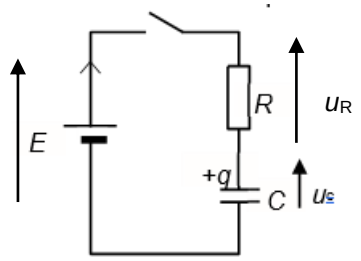


Figure 5. Schéma électrique du montage.

D'après la loi des mailles : $E = u_R(t) + u_C(t)$

D'après la loi d'Ohm $u_R(t) = R.i(t)$

Or $i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$ **avec $q(t) = C.u_C(t)$ où C est supposée constante alors** $i(t) = C.\frac{du_C(t)}{dt}$**.**

Finalement on obtient $E = R.C.\frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t)$.

2.2. (1 pt) La solution générale de l'équation différentielle est $u_C(t) = A.e^{-\frac{t}{\tau}} + B$. Déterminer l'expression des constantes A, B et τ en fonction de E, R et C.

Pour $t \rightarrow \infty$, alors le condensateur est chargé alors $u_C = E$.

Pour $t \rightarrow \infty$, $e^{-\frac{t}{\tau}} \rightarrow 0$, on a $u_C(t) = A.e^{-\frac{t}{\tau}} + B$ $= 0 + B$

On en déduit que $B = E$.

Pour $t = 0$, $u_C = 0$ ainsi $u_C(t) = A.e^{-\frac{0}{\tau}} + E$ $= 0$

$A \times 1 + E = 0$

On en déduit que $A = -E$.

On a $u_C(t) = -E.e^{-\frac{t}{\tau}} + E$

On remplace $u_C(t)$ par $u_C(t) = -E.e^{-\frac{t}{\tau}} + E$ dans l'équation différentielle $E = R.C.\frac{du_C(t)}{dt} + u_C(t)$.

$$E = R.C.\frac{d(-E.e^{-\frac{t}{\tau}} + E)}{dt} - E.e^{-\frac{t}{\tau}} + E$$

$$E = R.C.\left(-E.-\frac{1}{\tau}\right).e^{-\frac{t}{\tau}} - E.e^{-\frac{t}{\tau}} + E$$

$$E = R.C.\frac{E}{\tau}.e^{-\frac{t}{\tau}} - E.e^{-\frac{t}{\tau}} + E$$

$$0 = R.C.\frac{E}{\tau}.e^{-\frac{t}{\tau}} - E.e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$R.C.\frac{E}{\tau}.e^{-\frac{t}{\tau}} = E.e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$R.C.\frac{E}{\tau} = E$$

$$\frac{R.C}{\tau} = 1$$

$$\tau = R.C$$

2.3. (0,5 pt) Déterminer la valeur de la constante B et la valeur du temps caractéristique τ à l'aide de la figure 6 en expliquant la démarche suivie.

B = E = u_C(t→∞), on lit *E* = 6,0 V

Pour *t* = τ, $u_C(\tau) = -E.e^{-\frac{\tau}{\tau}} + E = -E.e^{-1} + E = E.(1-e^{-1}) = E.(1-0{,}37) = 0{,}63.E$

Sur la figure 6, on lit l'abscisse τ du point d'ordonnée u_C = 0,63×6,0 = 3,8 V.

τ = 0,6×10^{-4} s = 6×10^{-5} s

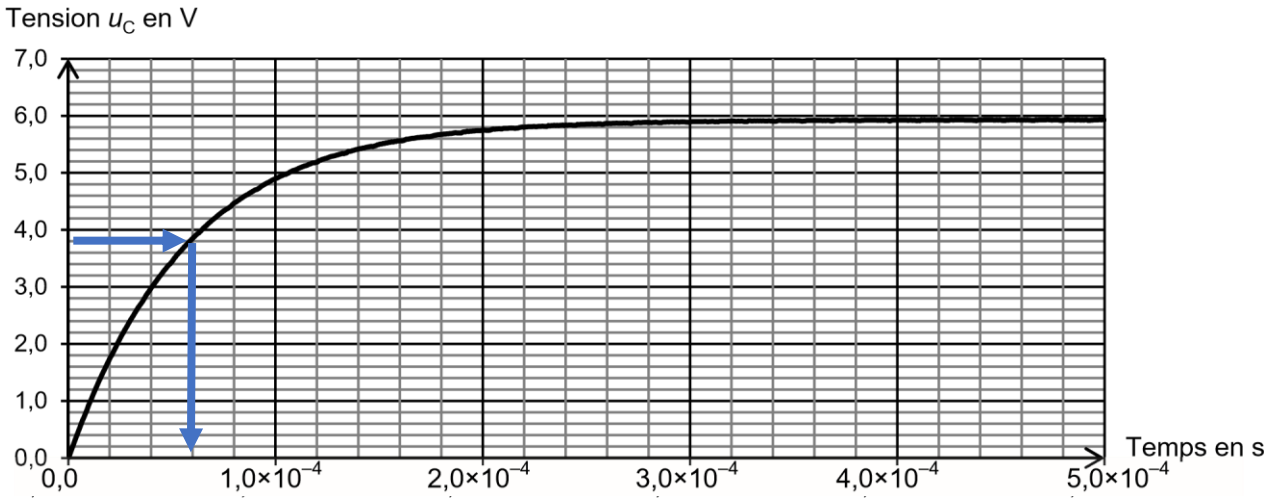


Figure 6. Courbe expérimentale représentant l'évolution de la tension u_C au cours du temps avec R = 1,00×10^4 Ω

2.4. (0,25 pt) Déterminer la valeur de la capacité *C* du condensateur réalisé.

τ = R.C donc $C = \frac{\tau}{R}$

$$C = \frac{6\times10^{-5}}{1{,}00\times10^{4}} = 6\times10^{-9}\ \text{F} = 6\ \text{nF}$$

2.5. (0,5 pt) En déduire la valeur de l'épaisseur du film plastique utilisé pour fabriquer la pochette. Commenter le résultat.

C = 1,95×10^{-11} × $\frac{s}{2e}$

***e* = 1,95×10^{-11} ×** $\frac{s}{2C}$ **avec *s* = 20 cm × 20 cm = 0,20 m × 0,20 m = 4,0×10^{-2} m^2**

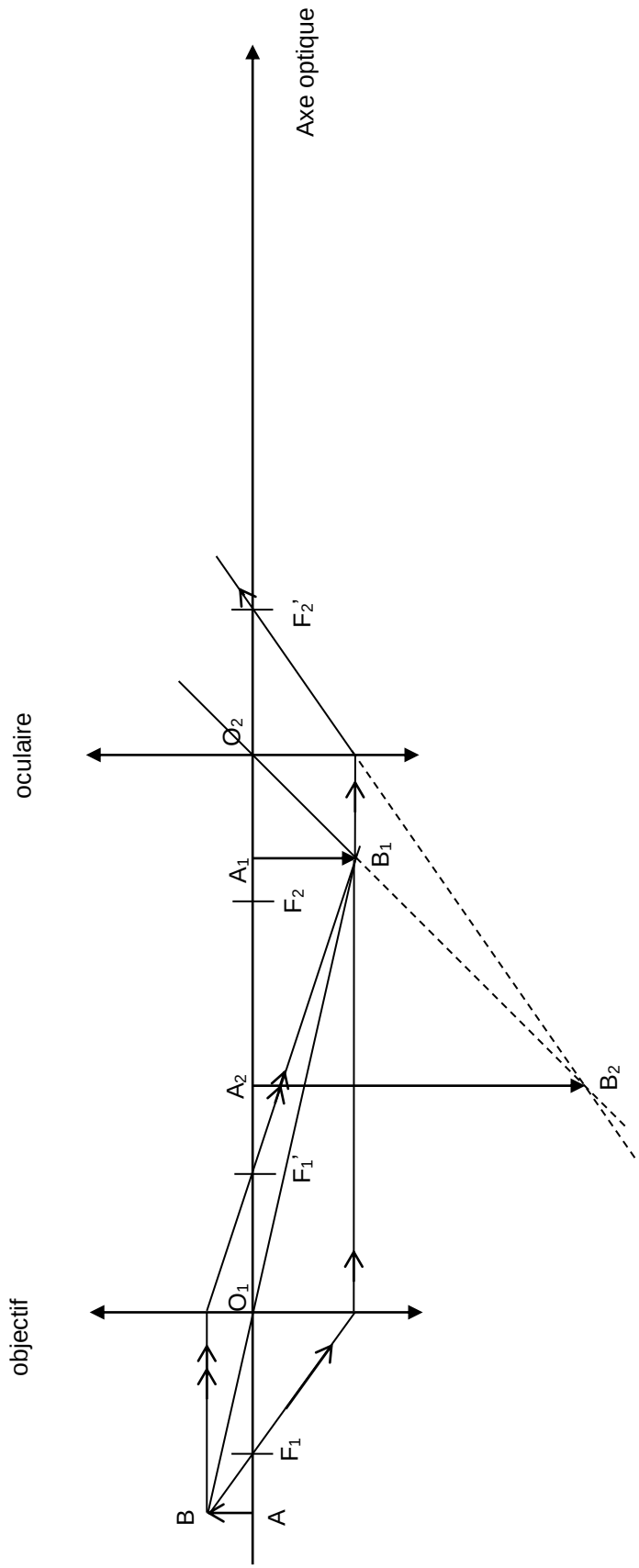
***e* = 1,95×10^{-11} ×** $\frac{4{,}0\times10^{-2}}{2\times6\times10^{-9}}$ **= 6,5×10^{-5} m = 65×10^{-6} m = 65 µm**

Ce résultat est très proche de la mesure réalisée au microscope de 66 µm.

On peut donc valider cette méthode de mesure.

ANNEXE À RENDRE AVEC LA COPIE

Modélisation d' un microscope



Copyright © 2027 FormaV®. Tous droits réservés.

FormaV® est une marque déposée auprès de l'INPI sous le numéro 5227897.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.