Ce document a été mis en ligne par l'organisme FormaV®.

Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour consulter tous nos sujets d'annales et corrigés du Bac Général Maths + Physique, veuillez visiter :
bac-maths-physique.fr/annales-sujets-et-corriges

Bac 2025 Septembre Métropole Jour 2 https://www.labolycee.org

Exercice 1 - Les pluies acides (9 points)

Formées à partir du dioxyde de soufre et des oxydes d'azote liés aux activités humaines et rejetés dans l'atmosphère, les pluies acides engendrent des problèmes de santé. Elles ont aussi des conséquences visibles sur le sol, la flore et la faune, les métaux, etc. Les pierres calcaires de nombreux bâtiments et statues sont également détériorées par ces pluies acides.

D'après *https://www.futura-sciences.com*



Shutterstock.com/LiliGraphie

Le but de cet exercice est d'étudier l'origine des pluies acides ainsi que leurs conséquences sur les bâtiments et les statues, et enfin d'analyser un protocole de contrôle de qualité de l'air.

Données :

- masse molaire du carbonate de calcium : $M(CaCO_3) = 100{,}1\ g{\cdot}mol^{-1}$;
- masse molaire du dioxyde de soufre : $M(SO_2) = 64{,}1\ g{\cdot}mol^{-1}$;
- constante des gaz parfaits : $R = 8{,}31\ J{\cdot}K^{-1}{\cdot}mol^{-1}$;
- masse volumique de l'eau : $\rho(eau) = 1{,}00{\times}10^{3}\ g{\cdot}L^{-1}$;
- concentration standard : $c° = 1\ mol{\cdot}L^{-1}$;
- espèces chimiques carbonées en solution : $CO_2(aq)$, $HCO_3^-(aq)$ et $CO_3^{2-}(aq)$.

1. Origine des pluies acides

L'eau de pluie non polluée est naturellement acide et son pH est d'environ 5,6 à 25 °C. Cette acidité est due à la dissolution dans l'eau du dioxyde de carbone CO_2. La concentration à l'équilibre en dioxyde de carbone dissous dans une eau de pluie non polluée à 25 °C est $[CO_2] = 1{,}3{\times}10^{-5}\ mol{\cdot}L^{-1}$.

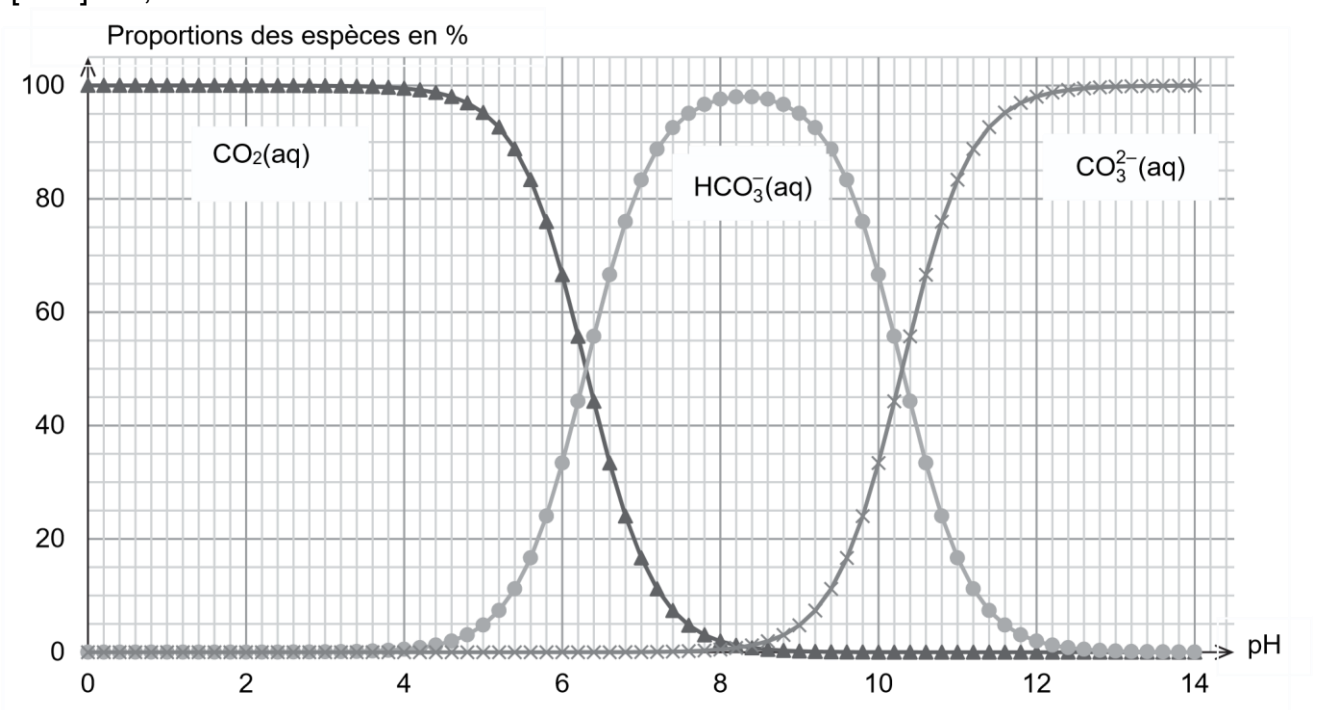


Figure 1. Diagramme de distribution des espèces $CO_2(aq)$, $HCO_3^-(aq)$ et $CO^2{}_3^-(aq)$ en solution aqueuse à 25 °C

Q1. Écrire l'équation de la réaction acide-base modélisant la transformation chimique entre le dioxyde de carbone dissous et l'eau. Justifier le fait que le dioxyde de carbone puisse rendre acides les pluies.

(0,25) $CO_2(aq) + 2H_2O(\ell) \leftrightarrows HCO_3^-(aq) + H_3O^+(aq)$

(0,25) Cette réaction conduit à la formation d'ions oxonium dont la présence rend acides les pluies.

Q2. En utilisant la figure 1, vérifier que la valeur du pK_A du couple $CO_2(aq)$ / $HCO_3^-(aq)$ est voisine de 6,4 à 25 °C.

(0,25) $pH = pK_A + \log\left(\frac{[HCO_3^-(aq)]}{[CO_2(aq)]}\right)$, si $[HCO_3^-(aq)] = [CO_2(aq)]$ alors $pH = pK_A + \log(1) = pK_A$.

(0,25) Par lecture graphique sur le diagramme de distribution, on trouve $pK_A = 6,3$.

On suppose que seule la réaction entre le dioxyde de carbone dissous $CO_2(aq)$ et l'eau a lieu et que la concentration en $CO_2(aq)$ à l'équilibre, imposée par le dioxyde de carbone présent dans l'atmosphère, est toujours égale à $1,3\times10^{-5}$ mol·L^{-1}.

Q3. Donner la relation entre les concentrations des espèces HCO_3^- et H_3O^+ à l'équilibre, notées $[HCO_3^-]$ et $[H_3O^+]$, puis montrer que la constante d'acidité K_A a pour expression : $K_A = \frac{[H_3O^+]^2}{[CO_2]\cdot c^0}$.

(0,25) D'après l'équation de la réaction, $[HCO_3^-] = [H_3O^+]$.

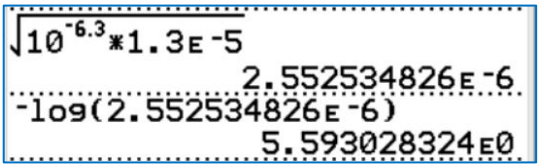
(0,25) $K_A = \frac{\frac{[H_3O^+]}{c^0}\cdot\frac{[HCO_3^-]}{c^0}}{\frac{[CO_2]}{c^0}} = \frac{[H_3O^+]^2}{[CO_2]\cdot c^0}$

Q4. Retrouver que la valeur du pH de l'eau de pluie non polluée à 25 °C est de 5,6.

$K_A = \frac{[H_3O^+]^2}{[CO_2]\cdot c^0}$ donc $[H_3O^+]^2 = K_A\cdot[CO_2]\cdot c^0$,

$[H_3O^+] = \sqrt{K_A\cdot[CO_2]\cdot c^0}$,

(0,25) $[H_3O^+] = \sqrt{10^{-pK_A}\cdot[CO_2]\cdot c^0}$



(0,25) $[H_3O^+] = \sqrt{10^{-6,3}\times1,3\times10^{-5}\times1} = 2,6\times10^{-6}$ mol·L^{-1}

$pH = -\log\left(\frac{[H_3O^+]}{c^0}\right)$

(0,25) On retrouve bien la valeur attendue pH = 5,6.

Une eau de pluie est dite acide lorsque son pH est inférieur à 5,6 à 25 °C. L'acidification de l'eau de pluie est due, entre autres, au rejet dans l'atmosphère d'oxydes d'azote NO et NO_2 qui conduisent à la formation d'acide nitrique HNO_3.

Afin d'étudier les propriétés acido-basiques de l'acide nitrique, on prépare un volume de 2,00 L d'une solution aqueuse S d'acide nitrique diluée 400 fois à partir d'une solution commerciale S_0 de concentration $c_0 = 15{,}2\ \text{mol}\cdot\text{L}^{-1}$.

Q5. Indiquer, en précisant les volumes, la verrerie à utiliser pour préparer 2,00 L de solution aqueuse S d'acide nitrique à partir de la solution commerciale S_0.

Solution mère, commerciale — Solution fille : solution S

$c_0 = 15{,}2\ \text{mol}\cdot\text{L}^{-1}$ — $c_1 = \dfrac{c_0}{400}$

(0,25) V_0 = ? à prélever avec une pipette jaugée — V_1 = 2,00 L dans une fiole jaugée de 2,00 L

Au cours d'une dilution, la quantité de matière de soluté se conserve $n_0 = n_1$.

$c_0 \cdot V_0 = c_1 \cdot V_1$

$c_0 \cdot V_0 = \dfrac{c_0}{400} \cdot V_1$

(0,25) $V_0 = \dfrac{V_1}{400}$

(0,25) $V_0 = \dfrac{2{,}00 \times 10^3\ \text{mL}}{400} = 5{,}00\ \text{mL}$

On plonge une sonde pH-métrique dans la solution S : le pH-mètre affiche une valeur de 1,42 à 25 °C.

Q6. Déterminer, en justifiant, si la mesure du pH est cohérente avec le fait que l'acide nitrique est un acide fort dans l'eau.

(0,25) $pH = -\log\left(\dfrac{\left[H_3O^+\right]}{c^0}\right)$, pour un acide fort sa réaction avec l'eau est totale donc $\left[H_3O^+\right] = c_1$,

ainsi $pH = -\log\left(\dfrac{c_1}{c^0}\right)$.

(0,25) $pH = -\log\left(\dfrac{\frac{c_0}{400}}{c^0}\right)$

(0,25) $pH = -\log\left(\dfrac{\frac{15{,}2}{400}}{1}\right) = 1{,}42$

La valeur mesurée est égale à celle obtenue avec l'hypothèse que l'acide nitrique est un acide fort.

2. Conséquences des pluies acides

Dans cette partie on se propose d'expliquer la dégradation, par les pluies acides, des bâtiments et des statues construits avec des roches calcaires composées principalement de carbonate de calcium $CaCO_3(s)$.

Afin de simuler l'effet des pluies acides sur les roches calcaires, on fait réagir du carbonate de calcium avec une solution d'acide chlorhydrique. Le protocole décrit ci-dessous est réalisé à une température de 295 K :

- dans une fiole à vide de volume total 330 mL, on verse 50 mL d'une solution d'acide chlorhydrique. On considère que le volume restant disponible pour du gaz dans la fiole est ainsi de 280 mL ;
- on relie, par un tuyau, la fiole à vide à un manomètre ;
- à la date t = 0, on introduit rapidement dans la fiole à vide 2,0 g de carbonate de calcium solide, on bouche la fiole à vide puis on relève les valeurs de pression indiquées par le manomètre au cours du temps. On considère que l'introduction du carbonate de calcium ne modifie pas le volume disponible pour le gaz.

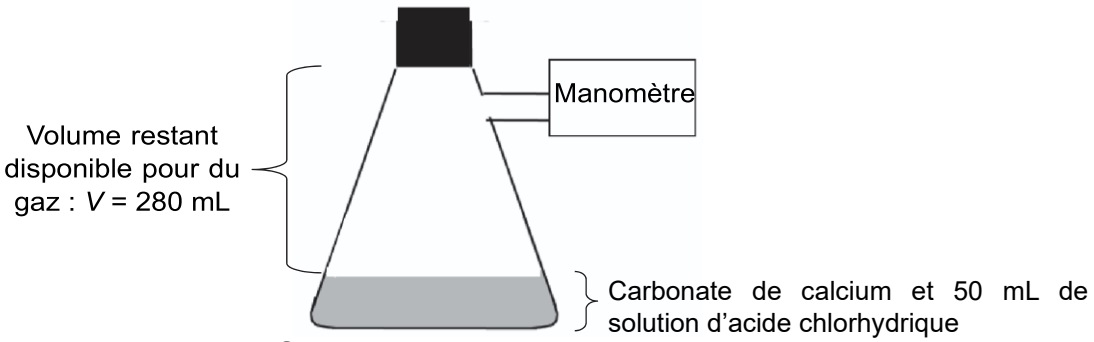


Figure 2. Schéma du montage expérimental

Les résultats ci-dessous sont donnés pour trois conditions expérimentales différentes :

	Concentration de la solution d'acide chlorhydrique utilisée	État de division du carbonate de calcium	Temps de demi – réaction $t_{1/2}$
Expérience n°1	$1{,}0\times10^{-1}$ mol·L^{-1}	en poudre	à déterminer
Expérience n°2	$2{,}0\times10^{-1}$ mol·L^{-1}	en poudre	80 s
Expérience n°3	$2{,}0\times10^{-1}$ mol·L^{-1}	en morceaux	$1{,}6\times10^{3}$ s

La transformation chimique ayant lieu lors de chacune des expériences peut être modélisée par la réaction, supposée totale, d'équation :

$$CaCO_3(s) + 2\ H_3O^+(aq) \rightarrow CO_2(g) + Ca^{2+}(aq) + 3\ H_2O(\ell)$$

Les résultats obtenus permettent de tracer la courbe d'évolution de la pression P_{CO_2} de dioxyde de carbone gazeux formé en fonction du temps t pour l'expérience n°1. Les résultats sont présentés sur la figure 3. Cette pression tient compte de l'estimation des pertes liées à la manipulation.

Dans les différentes conditions expérimentales, le dioxyde de carbone gazeux est assimilé à un gaz parfait dont l'expression de la pression s'écrit : $p_{CO_2} = \dfrac{n_{CO_2} \cdot R \cdot T}{V}$

où P_{CO_2} s'exprime en Pa, n_{CO_2} s'exprime en mol, T s'exprime en K et V s'exprime en m^3.

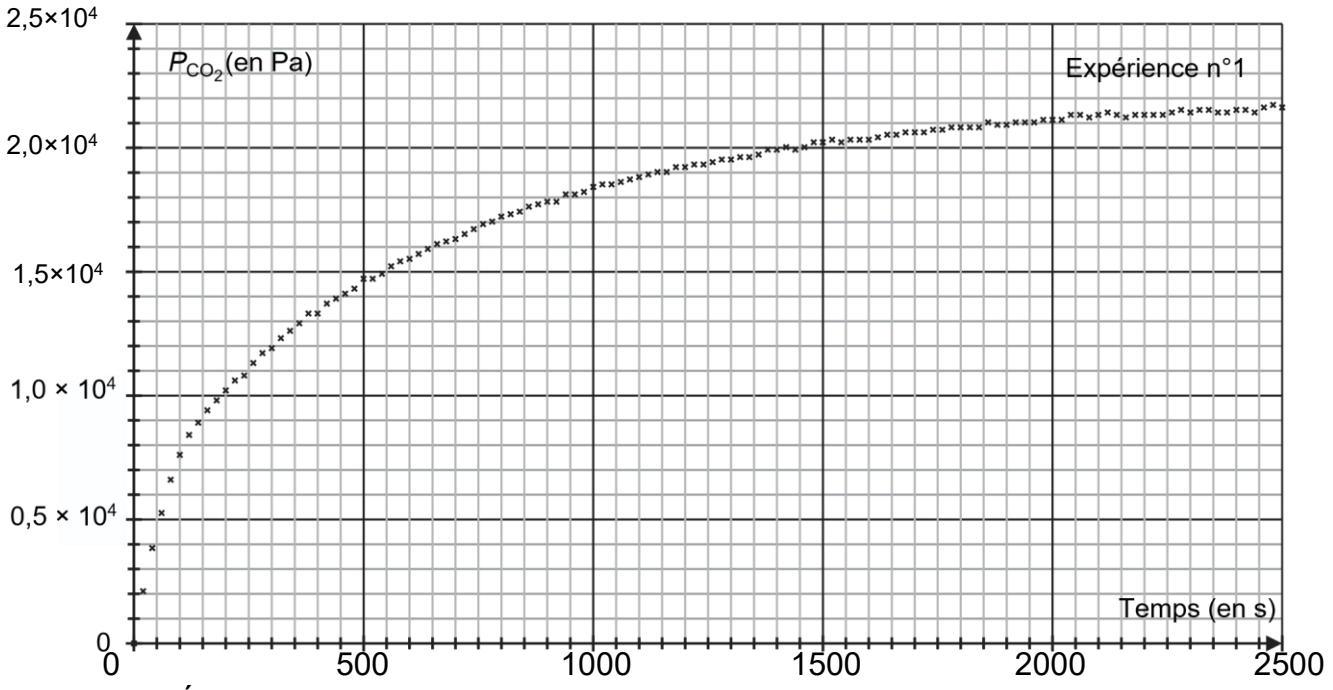


Figure 3. Évolution de la pression P_{CO_2} de dioxyde de carbone gazeux en fonction du temps t pour l'expérience n°1

Q7. Montrer que la quantité de matière théorique maximale de dioxyde de carbone gazeux pouvant être obtenue dans les conditions de l'expérience n°1 est $n_{CO_2,max} = 2{,}5\times10^{-3}$ mol.

(0,25) Déterminons les quantités de matière de chacun des deux réactifs.

Pour le carbonate de calcium $CaCO_3$, $n(CaCO_3) = \dfrac{m(CaCO_3)}{M(CaCO_3)}$

$$n(CaCO_3) = \frac{2{,}0}{100{,}1} = 2{,}0\times10^{-2} \text{ mol}$$

(0,25) Pour l'acide chlorhydrique, $n(H_3O^+) = c \times V$
dans l'expérience 1 $c = [H_3O^+] = 1{,}0\times10^{-1}$ mol·L^{-1}
$n(H_3O^+) = 1{,}0\times10^{-1}$ mol·L^{-1} × 50×10^{-3} L
$n(H_3O^+) = 5{,}0\times10^{-3}$ mol
Si $CaCO_3$ est le réactif limitant alors $n(CaCO_3) - x_{max} = 0$, alors $x_{max} = 2{,}0\times10^{-2}$ mol.
Si H_3O^+ est le réactif limitant alors $n(H_3O^+) - 2x_{max} = 0$, alors $x_{max} = 2{,}5\times10^{-3}$ mol.

(0,25) Le réactif limitant est celui qui conduit à l'avancement maximal le plus faible, c'est donc l'acide chlorhydrique.

D'après l'équation de la réaction $n(CO_2)$ formée $= \dfrac{n(H_3O^+)}{2}$ consommée.

(0,25) $n(CO_2,\text{max}) = \dfrac{5{,}0\times10^{-3}}{2} = 2{,}5\times10^{-3}$ mol

Q8. Estimer la quantité de matière de dioxyde de carbone gazeux réellement présente dans la fiole à vide dans l'état final lors de l'expérience n°1. Commenter le résultat obtenu.

(0,25) Sur la figure 3, dans l'état final, on lit $P_{CO2} = 2{,}2\times10^4$ Pa.

$p_{CO_2} = \dfrac{n_{CO_2}\cdot R\cdot T}{V}$ donc **(0,25)** $n_{CO_2} = \dfrac{p_{CO_2}\cdot V}{R\cdot T}$

(0,25) $n_{CO_2} = \dfrac{2{,}2\times10^4\times280\times10^{-6}}{8{,}31\times295} = 2{,}5\times10^{-3}$ mol

(0,25) On retrouve la valeur maximale de la quantité de matière de CO_2 donc la transformation est totale.

Q9. Estimer, en expliquant la démarche, le temps de demi-réaction de la transformation chimique mise en œuvre dans l'expérience n°1.

(0,25) Le temps de demi-réaction est la durée nécessaire pour que l'avancement atteigne la moitié de sa valeur finale.

$n_{CO_2}(t_{1/2}) = \frac{x_{max}}{2}$ or p_{CO_2} est proportionnelle à n_{CO_2} donc $p_{CO_2}(t_{1/2}) = \frac{p_{CO_2 max}}{2}$.

(0,25) Graphiquement, on lit l'abscisse du point d'ordonnée $p_{CO_2}(t_{1/2}) = \frac{2,2\times10^4}{2} = 1,1\times10^4$ Pa.

$t_{1/2}$ = 250 s.

Q10. En exploitant les résultats des trois expériences réalisées, indiquer un facteur qui influence la cinétique de la détérioration des bâtiments et des statues.

Les résultats mettent en évidence deux facteurs cinétiques.

(0,5) La comparaison entre les expériences 1 et 2, montre qu'une augmentation de la concentration permet de réduire le temps de demi-réaction.

(0,25) Ainsi si les pluies sont plus acides alors elles détériorent plus rapidement les bâtiments et statues en roche calcaire.

Si l'on compare les expériences 2 et 3, on constate que si le calcaire est en poudre alors il est consommé plus rapidement que s'il est en morceaux. Le facteur cinétique ainsi mis en évidence est la surface de contact entre les réactifs. Plus la surface est grande et plus la transformation est rapide. Cependant on ne peut pas modifier la surface des bâtiments ou statues pour les protéger.

3. Prévention des pluies acides : contrôle de la qualité de l'air

Afin de réduire les émissions d'oxydes d'azote et de dioxyde de soufre SO_2, espèces également responsables de l'acidité des pluies, plusieurs dispositions règlementaires ont été prises dans de nombreux pays. Des normes de qualité de l'air ont été fixées pour le dioxyde de soufre SO_2, et un contrôle régulier de sa concentration dans l'air est réalisé.

On donne ci-après les normes de qualité de l'air liées à la concentration en masse de dioxyde de soufre SO_2 dans l'air en France.

Objectif de qualité	50 µg·m^{-3}	en moyenne annuelle
Valeur limite	125 µg·m^{-3}	en moyenne journalière à ne pas dépasser plus de 3 jours par an
Seuil d'information et de recommandation	300 µg·m^{-3}	en moyenne horaire

D'après https://www.ecologique-solidaire.gouv.fr/pollution-lair-origines-situation-et-impacts

Afin de déterminer la concentration du dioxyde de soufre SO_2 dans l'air, on réalise l'expérience suivante :

- <u>étape 1</u> : avec une pompe, on fait barboter de l'air, en continu pendant 7 jours, dans une solution aqueuse de peroxyde d'hydrogène H_2O_2(aq). Le volume total d'air ainsi utilisé est de 18,5 m^3. On obtient une solution aqueuse notée S_a ; on suppose que toute la quantité de dioxyde de soufre apporté par l'air au cours de son barbotage se dissout dans la solution de peroxyde d'hydrogène et que c'est la seule espèce acide ;
- <u>étape 2</u> : on titre les ions oxonium H_3O^+ de la solution S_a par une solution aqueuse S_b d'hydroxyde de sodium de concentration égale à c_b = 1,0×10^{-2} mol·L^{-1}. Le volume de solution S_b versé à l'équivalence du titrage est V_E = 4,0 mL.

Q11. La transformation chimique ayant lieu lors de l'étape 1 est totale et peut être modélisée par la réaction d'équation :

$$H_2O_2(aq) + SO_2(aq) + 2\ H_2O(\ell) \rightarrow 2\ H_3O^+(aq) + SO_4^{2-}(aq)$$

Sachant que le peroxyde d'hydrogène a été introduit en excès, déterminer la relation entre la quantité de matière $n(SO_2)$ de dioxyde de soufre présent dans l'air analysé et la quantité de matière $n(H_3O^+)$ d'ions oxonium contenus dans la solution S_a.

D'après l'équation de la réaction $n(SO_2) = \dfrac{n(H_3O^+)}{2}$.

Q12. En considérant que la concentration en masse du dioxyde du soufre dans l'air n'a pas varié pendant toute la durée de l'étape 1, déterminer si les 18,5 m^3 d'air analysé respectent les normes de qualité concernant le dioxyde de soufre. Commenter le protocole et les hypothèses du raisonnement.

Le candidat est invité à prendre des initiatives et à présenter la démarche suivie, même si elle n'a pas abouti. La démarche est évaluée et nécessite d'être correctement présentée.

(0,5) À l'équivalence du titrage, on a $n(H_3O^+) = n(HO^-)$.

$n(H_3O^+) = c_b \cdot V_E$

Donc $n(SO_2) = \dfrac{n(H_3O^+)}{2} = \dfrac{c_b \cdot V_E}{2}$

$n(SO_2) = \dfrac{1{,}0\times10^{-2}\times4{,}0\times10^{-3}}{2} = 2{,}0\times10^{-5}\ \text{mol} = 20\times10^{-6}\ \text{mol} = 20\ \mu\text{mol}$ dans 18,5 m^3.

$m(SO_2) = n(SO_2)\cdot M(SO_2)$

$m(SO_2) = 2{,}0\times10^{-5}\times64{,}1 = 1{,}282\times10^{-3}$ g

(0,5) Soit une concentration en masse par m^3, $c_m(SO_2) = \dfrac{m(SO_2)}{V}$

$c_m(SO_2) = \dfrac{1{,}282\times10^{-3}}{18{,}5} = 6{,}9\times10^{-5}\ \text{g.m}^{-3} = 69\times10^{-6}\ \text{g.m}^{-3} = 69\ \mu\text{g.m}^{-3}$

(0,5) Cette concentration est supérieure à l'objectif de qualité en moyenne annuelle, néanmoins elle reste inférieure à la valeur limite de 125 $\mu g.m^{-3}$ en moyenne journalière.

En faisant l'hypothèse d'une concentration en masse du dioxyde du soufre dans l'air constante, l'air analysé vérifie donc les normes de qualité concernant le dioxyde de soufre.

Il a été considéré que toute la quantité de dioxyde de soufre apporté par l'air au cours de son barbotage se dissout dans la solution de peroxyde d'hydrogène, cette hypothèse peut être remise en cause, ce qui pourrait vouloir dire en réalité que $c_m(SO_2) > 69\ \mu g\cdot m^{-3}$.

De plus l'hypothèse d'une concentration en masse constante sur 7 jours peut être remise en cause car il peut y avoir un pic de pollution sur une journée uniquement et avoir sur cette journée $c_m(SO_2) > 125\ \mu g\cdot m^{-3}$.

Copyright © 2027 FormaV®. Tous droits réservés.

FormaV® est une marque déposée auprès de l'INPI sous le numéro 5227897.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.